

PRÜFUNGSVORLEISTUNG IM SOMMER-SEMESTER 2008

---

FACH: Ergänzungen zur Analysis B

NAME: 

DATUM: 16.5.2008

ZEIT: 8:00 – 8:30

SEMESTER: PRÜFER: Dr. Fischer, Dr. Erben

---

HILFSMITTEL: keine

ANLAGEN: keine

**UNBEDINGT BEACHTEN:**

- Es sind **keine Hilfsmittel** zugelassen.
- Auf diesem Deckblatt müssen **Name und Semester** eingetragen sein *bevor* Sie mit der Bearbeitung beginnen. Die zusammengehefteten Blätter dürfen nicht getrennt werden.
- Gewertet wird *nur* das (im jeweiligen Antwortkasten eingetragene) **Ergebnis**. Eventuell notwendige Korrekturen müssen eindeutig gekennzeichnet sein.
- **Konzeptrechnungen** dürfen *nur* auf den Aufgabenblättern (Vorder- und Rückseite) durchgeführt werden.

**Aufgabe 1.**

Prüfen Sie, ob die nachstehenden Zahlenreihen konvergent oder divergent sind. Geben Sie jeweils ein Kriterium an, mit welchem Sie Ihre Aussage begründen könnten.

a)  $\sum_{k=0}^{\infty} \frac{(-1)^k}{\sqrt{k+2}}$  ist konvergent  $\overset{ja}{\square} \overset{nein}{\square}$ .

Nachweis: Vergleichskriterium  $\square$ , Leibniz-Kriterium  $\square$ , Quotientenkriterium  $\square$ , Wurzelkriterium  $\square$ , Glieder keine Nullfolge  $\square$ .

b)  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{3^n}{n^3}$  ist konvergent  $\overset{ja}{\square} \overset{nein}{\square}$ .

Nachweis: Vergleichskriterium  $\square$ , Leibniz-Kriterium  $\square$ , Quotientenkriterium  $\square$ , Wurzelkriterium  $\square$ , Glieder keine Nullfolge  $\square$ .

c)  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{n^3}{3^n}$  ist konvergent  $\overset{ja}{\square} \overset{nein}{\square}$ .

Nachweis: Vergleichskriterium  $\square$ , Leibniz-Kriterium  $\square$ , Quotientenkriterium  $\square$ , Wurzelkriterium  $\square$ , Glieder keine Nullfolge  $\square$ .

d)  $\sum_{i=1}^{\infty} \frac{2}{3i+1}$  ist konvergent  $\overset{ja}{\square} \overset{nein}{\square}$ .

Nachweis: Vergleichskriterium  $\square$ , Leibniz-Kriterium  $\square$ , Quotientenkriterium  $\square$ , Wurzelkriterium  $\square$ , Glieder keine Nullfolge  $\square$ .

**Aufgabe 2.**

Geben Sie den Konvergenzradius  $R$  der nachstehenden Potenzreihen an.

a)  $\sum_{k=0}^{\infty} \left(-\frac{2}{5}\right)^k x^k$   $R =$

b)  $\sum_{k=0}^{\infty} \frac{x^k}{(k+1)(k+2)}$   $R =$

c)  $\sum_{n=0}^{\infty} \frac{2x^n}{n!}$   $R =$

**Aufgabe 3.**

Von der Potenzreihe  $\sum_{k=0}^{\infty} a_k x^k$  sei bekannt, dass sie für  $x = -1$  konvergiert und für  $x = 2$  divergiert. Welche Aussagen kann man dann über ihren Konvergenzradius  $R$  machen?

**Aufgabe 4.**

Entwickeln Sie die angegebenen Funktionen in eine Taylorreihe um 0. Geben Sie mindestens fünf Glieder an. Die Summendarstellung ist nicht verlangt.

a)  $x e^{-x} =$

b)  $\frac{1}{1+2x} =$